Dados Internacionais de Catalogação na Publicação Universidade Federal do Ceará Biblioteca Universitária Gerada automaticamente pelo módulo Catalog, mediante os dados fornecidos pelo(a) autor(a)

F935i Freire, Valder Nogueira.

Influência de interação coulombiana entre portadores no espectro de luminescência de semicondutores de GAP direto / Valder Nogueira Freire. – 1984. 58 f. : il.

Dissertação (mestrado) – Universidade Federal do Ceará, Centro de Ciências, Programa de Pós-Graduação em Física, Fortaleza, 1984. Orientação: Prof. Dr. Antônio José da Costa Sampaio.

1. Elétrons. 2. Semicondutores. 3. Luminescência. I. Título.

CDD 530

# "A INFLUÊNCIA DA INTERAÇÃO COULOMBIANA ENTRE PORTADORES NO ESPECTRO DE LUMINESCÊNCIA DE SEMICONDUTORES DE GAP DIRETO"

Valder Nogueira Freire

Dissertação apresentada ao Curso de Põs-Graduação em Fisica da Uni∽ versidade Federal do Cearã, como parte dos requisitos para a obtenção do Grau de Mestre em Fisica.

Comissão Julgadora:

Antonio posé da Costa Sampaio (UFC)

Eliermes Arraes Meneses (UNICAMP)

Gil de Aquino Farias (UFC)

Aprovada em, 15 de Março de 1984.



### A INFLUÊNCIA DA INTERAÇÃO COULOMBIANA ENTRE PORTADORES NO ESPECTRO DE LUMINESCÊNCIA DE SEMICONDUTORES DE GAP DIRETO

Valder Nogueira Freire

Tese de Mestrado Apresentada ao Departamento de Física da Univer vidade Federal do Ceará.

D 530 F935i



Ao Florentino (seu Nozinho) e Juraci, por todas as condições que me proporci<u>o</u> naram.

À Rosaneiva e à pequena Déborah, p<u>e</u> la compreensão e dedicação a mim voltadas.

- -

AGRADEÇO

- Ao Antonio José C. Sampaio pela orientação ao presen te trabalho e, pelo incentivo constante, o meu reconhecimento:

- Ao Carlos Alberto Santos de Almeida pelo rico convívio estabelecido, útil nas dificuldades que se foram;

- Aos membros do Departamento de Física da UFC, dos quais minha compreensão da Física depende sobremaneira, em particular aos professores Francisco Alcides Germano, Lindberg Lima Gonçalves, Júlio Auto Neto, Gil de Aquino Farias, Orville Wayne Day Júnior e à compreensiva Bibliotecária Vera Maria Gomes de Almeida;

- Aos órgãos CNPq e CAPES, pelo financiamento do Curso e Tese de Mestrado. Analisa-se aspectos básicos da resposta ótica de um plasma de elétrons e buracos (EHP) em semicondutores altamente ex citados (HES) e a influência da interação coulombiana entre os portadores no espectro de luminescência de semicondutores de gap direto na aproximação de bandas parabólicas.

Sem levar em conta o Teorema do Desacoplamento Assint<u>ó</u> tico, obtém-se uma cadeia de equações para as funções Green coletivas de dependência temporal dupla, cujo desacoplamento é feito utilizando-se a Aproximação das Fases Aleatórias (RPA), o que po<u>s</u> sibilita a obtenção da parte imaginária da Função Green de inte resse de forma autoconsistente.

Como resultados básicos, destaca-se o deslocamento do pico da luminescência para regiões de mais baixa energia e o alar gamento do espectro com o aumento da intensidade de excitação.Por outro lado, demonstra-se que além da renormalização do gap de energia, a interação coulombiana é responsável por uma estrutura no lado de mais alta energia do espectro de luminescência do EHP, mas que não se manifesta no espectro de ganho-absorção, em acordo com resultados experimentais.

#### ABSTRACT

Basic aspects of the optical behaviour of an electronhole plasma (EHP) in highly excited semiconductors and the in fluence of the Coulomb interaction between carriers on the lumi nescence spectrum of direct gap semiconductors (in the parabolic' band approximation) are analysed.

A chain of equations for collective Double-Time Green functions are obtained without considering the Theorem of Asymptotical Decoupling (ADT). These are then decoupled in the Random Phase Approximation (RPA), what enables the obtention of the imaginary part of the relevant Green Function in a self consistent way.

As basic results, one can point a shift of the lumines cence peak to regions of lower energies and the broadenning of the spectrum as the excitation intensity increases. On the other hand, it is also shown that, in addition to the energy gap renormalization, the Coulomb interaction is also responsible for a structure in the high energy side of the EHP luminescence spectrum, which, nevertheless, doesn't appear in the gain absorption spectrum, in agreement with experimental results.

# ÍNDICE

CAPÍTULO	1 - INTRODUÇÃO	01
CAPÍTULO	2 - A RESPOSTA ÓTICA DO PLASMA SEMICONDUTOR	07
	2.1. Introdução	07
	2.2. Caracterização do Sistema	08
	2.3. Teoria Formal de Espalhamento em Sistemas	
	Próximos ao Equilíbrio	11
	2.4. Funções Green de Dependência Temporal Dupla	14
	2.5. A Luminescência e o Coeficiente de Absorção	18
CAPÍTULO	3 - A FUNÇÃO DIELÉTRICA NA APROXIMAÇÃO DO CAMPO AU-	
	TOCONSISTENTE	27
a.	3.1. Preliminares	27
3	3.2. A Função Dielétrica no SCFA	28
	3.3. Aplicação a Semicondutores de gap direto	31
CAPÍTULO	4 - ANÁLISES E CONCLUSÕES	33
APÊNDICE	Α	53
APÊNDICE	в	54
BIBLIOGR.	AFIA	55

### CAPÍTULO 1 - INTRODUÇÃO

Nos dois últimos decênios, considerável esforço experimental e teórico tem sido feito no sentido de uma compreensão mais profunda da física de semicondutores altamente excitados [1,2,3], principalmente no que se refere a propriedades óticas. Isto foi possível graças ao desenvolvimento da tecnologia do la - ser, que veio obter densidades de excitação da ordem de GW/cm<sup>2</sup> e pulsos em femto-segundos.

A excitação de qualquer semicondutor por laser potente faz surgir intensas modificações no espectro de luminescência' "convencional", como aquele obtido por uma lâmpada de mercúrio a alta pressão ( $I_{exc} = mW/cm^2$ ). Os processos físicos geradores destas modificações ocorrem na elevada concentração de portadores ' (que pode chegar a mais de  $10^{19}$  portadores/cm<sup>3</sup>) criada pelo inten sò campo eletromagnético; nestas condições bem especiais, surgem novas bandas de recombinação radiativa ou não-radiativa decorrentes das interações entre os portadores fotoexcitados, fônons, impurezas, etc (Fig. 1.1.).

A compreensão atual da física de semicondutores alta mente excitados (HES) indica que em baixas densidades de excita ção, os espectros de fotoluminescência de semicondutores corrobo ram com a hipótese da formação de um gás de excitons e biexcitons. Com o aumento da densidade de excitação e consequente aumento da densidade de excitons e biexcitons, este gás pode sofrer uma condensação do tipo Bose-Einstein, i.e., uma condensação no espaço dos momenta. Se ainda um maior aumento da densidade de excitação é imposto, sem danos à estrutura cristalina do semicondutor, a blindagem da interação coulombiana entre portadores se faz mais efetiva, provocando uma ionização dos excitons e biexcitons; temse então a formação de um plasma de elétrons e buracos (EHP) via transição de Mott. Tanto o plasma assim formado quanto o gás de excitons e biexcitons podem ainda condensar-se em gotas, con<u>s</u> tituindo uma nova fase<sup>\*</sup>.



PHOTON ENERGY

FIGURA 1.1. Espectro de Fotoluminescência do CdS em baixa temperatura para diferentes intensida des de excitação I (de Schrey e Klingshirn [3]).

\* A ocorrência dos processos descritos neste parágrafo de pende fundamentalmente dos parâmetros experimentais como, naturalmente, a densidade de excitação, a energia do fóton excitador e a temperatura da rede cristalina, entre outros; de influência' não menos desprezível é a estrutura de bandas e massa efetiva ' de elétrons e buracos do semicondutor em questão. Reconhece-se ainda que o processo de excitação não ressonante (nħw>£, n= 1,2) gerador do EHP leva à formação de um sistema de portadores <u>fora do equilíbrio</u>, com considerável excesso de energia. Inicialmente ocorre um processo de termalização interna dos portadores na escala de femtosegundos devido à forte interação coulombiana entre eles; disto resulta uma temperatura efeti va inicial T<sub>ef</sub> para o sistema de portadores (que é bem maior do que a temperatura da rede) e uma estatística baseada na função de distribuição de Fermi-Dirac em l<sup>a</sup> aproximação, com potenciais químicos  $\mu_{e,h}$ . A subsequente relaxação intrabanda destes elétrons e buracos para níveis de energia mais baixos ocorre principalmente' através de emissão de fônons, fazendo com que o sistema tenda ao equilíbrio com o reservatório em tempos bem posteriores.

Neste largo campo de pesquisa, volta-se aqui a atenção para o EHP em semicondutores de gap direto dos compostos III-V e II-VI, principalmente CdS e GaAs. Estes compostos oferecem boas condições à formação do EMP devido seu grande raio excitônico de Bohr e à fraca energia de ligação dos seus excitons. É em concentrações da ordem ou superiores a  $10^{17}$  cm<sup>-3</sup> que a blindagem da int<u>e</u> ração coulombiana faz-se mais efetiva, levando à instabilidade ' dos excito**n**s [4].

As evidências experimentais mais marcantes da existência do EMP nestes diversos semicondutores foram obtidas através de análises dos espectros de ganho-absorção óticos em plaquetas ' cristalinas altamente excitadas. Na obtenção destes espectros, a elevada concentração de portadores é gerada através da ação de um laser excitador, enquanto um outro laser de menor intensidade e emissão sintonizável em toda a região espectral é utilizado para provar o sistema.

Os espectros de luminescência também apresentam informações sobre o plasma semicondutor, embora não sejam totalmente ' confiáveis devido aos processos de emissão estimulada que ocorrem no mesmo. Reconhece-se atualmente que densidades de excitação da ordem de  $10^5-10^8$  W/cm<sup>2</sup> para processos de absorção de dois fótons. bem como densidades de  $10^3-10^6$  W/cm<sup>2</sup> para os processos de absor -

ção a um fóton, fazem surgir a banda P na luminescência de HES<sup>1</sup> de gap direto; nestes níveis de excitação para cada processo de absorção, ela é interpretada como uma consequência da recombin<u>a</u> ção radiativa espontânea dos portadores no EHP [ 5,34 ].

Na realidade, estes espectros de luminescência e ga nho-absorção do EHP em semicondutores de gap direto à baixas ' temperaturas levaram inicialmente a uma interpretação do plasma como um estado líquido de elétrons e buracos (EHL) [ 6,7 ]. A fundamentação básica foi principalmente a ausência de modificacões na forma dos espectros frente à variações da intensidade ! de excitação, bem como a grande energia de ligação obtida para o plasma através do espectro de ganho-absorção e o decrescimente da densidade de portadores com o aumento da temperatura des mesmos (Fig. 1.2). Entretanto, atualmente se reconhece a existência de um plasma de elétrons e buracos em elevadas densidades de porta dores e excitação, com temperatura acima de Tc, limite crítico' para estabilidade dos excitons. Por outro lado, muitas duvidas sobre a formação do EKL em semicondutores de gap direto tem sido levantadas, com base tanto na não-obtenção experimental de diagramas de fase coerentes com a existência do EKL, bem como no pequeno tempo de vida dos portadores (da ordem de femtosegun dos) que pode tornar a nucleação impossível [7,8,9,10].



FIGURA 1.2. Relação densidade-temperatura para o EHP em InP. (de Forchel e outros [7]).

Em todo o enorme esforço que foi e está sendo! dis pendido no intuito de um melhor entendimento da física do EKP [ 11, 12,13 ], uma contribuição efetiva foi o modelo teórico ' proposto há uma década por Menezes e Luzzi para explicação de observações experimentais de luminescência em CdS a altos  $n_{1}^{i}$ veis de excitação [ 14,15 ].

Neste modelo, assumiram inicialmente que os portado res fotoexcitados estão em condições de quasi-equilíbrio nas suas respectivas bandas, com populações caracterizadas pelos quasi-níveis de Fermi  $\mu_e = \mu_b$ ; levaram em conta as interações ' entre os portadores através de renormalização da energia dos mesmos via fator renormalizador  $M(\vec{k})$ , desprezando efeitos de vi da média decorrentes das colisões entre portadores; finalmente, assumindo o Teorema do Desacoplamento Assintótico (ADT) [ 16 ], obtiveram a taxa de radiação espontânea como uma função do produto de correlações temporais para elétrons e buracos. Consegui ram com isto explicar tanto o surgimento da banda P como o seu deslocamento para regiões de baixa energia.

Uma extensão deste modelo com a inclusão da inter<u>a</u> ção elétron-fônon veio explicar o alargamento do espectro de f<u>o</u> toluminescência na região de baixa energia [15,17]. Posterio<u>r</u> mente, Luzzi e Miranda [2] afirmaram intuitivamente que este modo de tratamento dispensado à interação coulombiana elimina uma estrutura no lado de mais alta energia do espectro de luminescência.

No presente trabalho, não se leva em conta o ADT, mas considera-se a função Green coletiva de dependência temporal d<u>u</u> pla [ 18,19, 20 ], o que acarreta um estudo mais detalhado da influência da interação coulombiana entre portadores no espec tro de luminescência e ganho-absorção de semicondutores de gap direto; além disso, introduz-se a interação com fônons de forma fenomenológica através do parâmetro vida média dos estados fot<u>o</u> induzidos  $\mathbf{\tilde{r}} - \mathbf{t} \mathbf{r}^{-1}$ . O desacoplamento desta cadeia infinita de equações para as funções Green<sup>\*</sup> coletivas é feito utilizando-se RPA. Em sequência, obtém-se de forma auto-consistente a parte imaginária da Função Green de interese, fundamental para obtenção de expres sões teóricas para a intensidade de luminescência e o coeficiente de absorção, o que leva ao aparecimento natural da constante dielétrica  $\boldsymbol{\varepsilon}(\mathbf{\hat{q}}, \boldsymbol{\omega})$  na Aproximação de Campo-Autoconsistente (SCFA) ' [21,22,23,24].

Os resultados assim obtidos são comparados com expressões teóricas já conhecidas [ 6,14,25 ] e utilizados em ajustes com dados experimentais [ 9,25,26 ]. CAPÍTULO 2 - A RESPOSTA ÓTICA DO EMP

### 2.1. Introdução

Os fenômenos físicos que ocorrem em semicondutores al tamente excitados (HES) têm sido continuamente estudados através de novas e sensíveis técnicas experimentais como espectroscopia' de pico-segundo, absorção de dois fótons (TPA) e confinamento ' por pressão, entre outras. Este progresso tem possibilitado, além do estudo da cinética de relaxação dos portadores, uma homogenei dade da densidade dos pares elétrons-buracos fotoexcitados que tem se aproximado do ideal teórico. Como consequência direta dis to, os espectros de luminescência e ganho-absorção mostram-se ' agora um pouco mais detalhados e confiáveis, embora os efeitos de emissão estimulada, que podem modificar profundamente o espec tro de emissão espontânea, ainda apresentem dificuldades de mini mização [ 27 ].

Embora a existência do EHP em semicondutores de gap indireto remonte aos primórdios do estudo de MES [ 28 ], somente com este progresso mais recente tem-se afirmado com convicção ! que um EMP é criado em semicondutores de gap direto [5]. As densidades de excitação geradoras do plasma no semicondutor va riam em  $10^5 - 10^8$  W/cm<sup>2</sup> para o processo de absorção de dois fótons (onde 2∰w≥ € g e com o qual se consegue uma homogeneidade no sistema de portadores de volume compatível com a resolução espacial dos sistemas de detecção óticos atuais) e  $10^3-10^6$  W/cm<sup>2</sup> para processo de absorção de um fóton (onde ħw≥€g e com o qual se consegue densidades mais elevadas de portadores fotoexcitados, em bora apresentando problemas de inomogeneidade). Nestes níveis de excitação para cada processo, é reconhecido na prática que a pre sença da banda P no espectro de luminescência está diretamente ' relacionada à existência do EMP, com densidades de portadores va riando entre  $10^{17}$  cm<sup>-3</sup> e  $10^{19}$  cm<sup>-3</sup>.

gap direto. Os casos mais estudados são GaAs e CdS, com densidades de portadores típicas da ordem de 4 x  $10^{16}$  cm<sup>-3</sup> e 2 x  $10^{18}$  cm<sup>-3</sup>; rc sultados similares ocorrem em ZnO, CdSe, InP, GaSb, ZnSe e há pouco tempo obteve-se evidência de EHP em CuCl com  $10^{20}$  portadores / cm<sup>-3</sup> [ 29 ] !

Diversos modelos teóricos têm sido propostos para descre ver os espectros óticos do EXP (banda P) [ 2,3,6,14,30 ] em semi condutores de gap direto, envolvendo cada um determinada classe de correção. Embora uma análise quantitativa do mesmo seja obtida, o problema de uma análise quantitativa ainda está em aberto [ 3 ].

Com respaldo neste atual estado da arte, investiga-se ' aqui a influência da interação coulombiana na resposta ótica do EHP em semicondutores de gap direto através da modificação do mod<u>e</u> lo teórico anteriormente proposto por Menezes e Luzzi [14]. Isto é feito utilizando-se a Aproximação das Fases Aleatórias (RPA),que permite o desacoplamento da cadeia de equações para as funções ' Green coletivas.

#### 2.2. Caracterização do Sistema

Considere-se que no plasma semicondutor, a elevada con centração de portadores gerada por excitação ótica, quasi-estacionária possa ser considerada homogênea, estando em quasi-equilíbrio térmico (veja-se Apêndice A).

Na verdade, a interação de pulsos de laser ultrarápidos' com semicondutores é um problema da Mecânica Estatística de Não -Equilíbrio. Isto porque inicialmente os portadores recém-fotoexcitados têm energias que dependem dos diferentes mecanismos de excitação que cada um sofreu, de forma que a sua distribuição inicial' é bem diferente das usuais funções de Fermi-Dirac; através da ação da interação coulombiana, uma uniformização do sistema de portadores é alcançada na ordem de femtosegundos, tornando possível a definição de uma temperatura efetiva ao sistema de portadores fotoex citados (que é bem maior do que aquela do semicondutor) e a utilização da função de distribuição de Fermi-Dirac; a relaxação intra-

banda através principalmente da emissão de fonons finalmente leva os portadores ao equilíbrio térmico com o banho a que está submetido o semicondutor na ordem de nanosegundos. Além disto, todas ' as "etapas" deste processo podem não ocorrer já que a vida-média' radiativa dos portadores é da ordem de nanosegundos.

A excitação estacionária (pulso de laser de duração tem poral mais longa do que o tempo de vida dos portadores) poderia ' fornecer condições muito próximas de uma situação de equilíbrio , mas tem-se noticiado que mesmo em condições estacionárias ocorrem distribuições fora do equilíbrio [ 12 ]. No entanto, as teorias ' homogêneas (fundamentadas em equilíbrio espacial e temporal dos portadores) têm até agora sito utilizadas na análise dos espec tros óticos de HES obtidos por espectroscopia ultrarapida, obtendo-se bons resultados. Isto se deve ao fato de que os modelos dis poníveis fundamentados em uma estatística de não-equilíbrio exi gem considerável esforço na obtenção de resultados práticos. Isto por si so seria suficiente para justificar o aperfeiçoamento de um modelo de quasi-equilíbrio obtido com este trabalho; entretanto, é extremamente válido enfatizar que todos os resultados aqui obti dos por este modelo aperfeiçoado podem ser diretamente generaliza dos a situações de não-equilíbrio,o que pode ser facilmente perce bido em [ 34 ]. Assim, reconhecendo-se os elétrons de condução e valência como sistemas distintos, estes ficam caracterizados pelos quasi-níveis de Fermi  $\mu_{v}$  e  $\mu_{v}$  (veja-se Apêndice A), respectivamen te, e uma temperatura efetiva T = T = T ev ec.

Faz-se conveniente de partida a utilização da representação de elétrons. Neste caso, o hamiltoniano do sistema semicondutor-laser excitador no formalismo de segunda quantização tem a forma:

2.2.1.

M descreve os elétrons na rede cristalina,

$$H_{o} = \sum_{n} E_{n} c_{n}^{\dagger} c_{n} + \sum_{i,j \in \mathbb{N}^{m}} U(i,j|l,m) c_{i}^{\dagger} c_{j}^{\dagger} c_{n} c_{n} \qquad 2.2.2.$$

 $\{\alpha, i, j, l, m\} \equiv \{k/c, v\}$  são índices que caracterizam elé trons na banda de condução c ou de valência v e momentum k simul taneamente;  $C_{\pm}^{+}$  e  $C_{\pm}$  são operadores de criação e aniquilação de elétrons em certa banda com determinado momentum e satisfazem às usuais relações de comutação de operadores fermiônicos;

$$U(x,y|l,m) = \langle x,y|\frac{e^2}{2\epsilon_0|x-y|}|l,m\rangle =$$

$$=\frac{1}{2}\int \psi_{x}^{*}(\vec{x}) \,\psi_{y}^{*}(\vec{y}) \,\frac{e^{2}}{\epsilon_{0}|\vec{x}-\vec{y}|} \,\psi_{q}(\vec{y}) \,\psi_{m}(\vec{x}) \,d^{3}\vec{x} \,d^{3}\vec{y}$$

2.2.3.

2.2.4.

 $\operatorname{com} \varphi_{\vec{k}}(\vec{x}) = u_{\vec{k}}(\vec{x}) \exp (i \vec{k} \cdot \vec{x}) / \sqrt{N}$ , onde  $u_{i}$  são as funções de Bloch usuais e se levou em conta a polarização da rede e dos orbitais eletrônicos no limite quasi-estático através da blindagem do potencial coulombiano pela constante dielétrica estática  $\varepsilon_{o} [1];$  fazendo-se uso da aproximação das bandas parabólicas, tem-se

$$E_{\alpha} = \begin{cases} E_{c}(\vec{k}) = \frac{\hbar^{2} \kappa^{2}}{2m_{c}} + E_{g} - \mu_{e} , \\ E_{v}(\vec{k}) = -\frac{\hbar^{2} \kappa^{2}}{2m_{v}} - \mu_{v} , \end{cases}$$

onde  $\boldsymbol{\xi}_{\sigma}$  é a energia de gap renormalizada [ 31 ].

H<sub>pert.</sub> descreve a interação do laser com o semicondu tor, I.E.,

$$H_{PERT.} = \frac{e}{mc} \cdot \sum (\hat{A} \cdot p)_{ij} C_i^{\dagger} C_j^{\dagger}$$

onde  $\vec{A}(\vec{r})$  é o potencial vetor do campo excitador e  $\vec{p}$  o momentum ' cristalino dos elétrons<sup>\*</sup>.

Efeitos da interação entre os portadores e outros subsistemas como fônons, impurezas, etc serão introduzidos posterior mente de forma fenomenológica (seção 2.5) através da inclusão do parâmetro  $\mathbf{T}$ .

### 2.3. <u>Teoria Formal de Espalhamento nos Sistemas em Qua-</u> si-Equilíbrio.

Quando fótons do laser de elevada densidade de excitação são absorvidos em quasi-ressonância por semicondutores ( $\hbar \omega \gtrsim \epsilon_g$ ou  $2\hbar \gg \epsilon_g$ ), pode-se simplificadamente afirmar que uma alta densi dade de elétrons e buracos é gerada. O sistema assim criado tem suas propriedades óticas de ganho-absorção características, que são investigadas experimentalmente através da ação de um laser ' prova, cuja intensidade é mais fraca e tem frequência variável . Além disso, os portadores fotocriados estão sujeitos tanto a processos de recombinação radiativa (luminescência), quanto proces sos de recombinação não radiativa (efeito Auger). Será consider<u>a</u> do aqui que os processos de recombinação não radiativa são de se-

<sup>\*</sup> É válido afirmar aqui que a formulação acima permite uma fácil passagem para a representação de elétrons e buracos; iremos ' utilizá-la no momento mais conveniente, e ao fazer isto negligenciaremos cs buracos mais leves.

gunda ordem e podem ser desprezados frente àqueles de recombina ção radiativa.



FIGURA 2 - Processos de Luminescência e Absorção.

O processo de recombinação radiativa dos portadores ' que dá origem à luminescência pode ser representado através do diagrama da Figura 3.



FIGURA 3

12

1.0

A probabilidade de ocorrência deste espalhamento é ob tida através do uso da Regra de Ouro de Fermi e tem a forma [32, 33]

$$S(\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} dt \ e^{i\omega t} \langle V^{\dagger}(0) V(t) \rangle \qquad 2.3.1.$$

onde

$$\langle V'(0) V(t) \rangle = \langle V^{\dagger} V(t) \rangle = Z^{-1} T_{r} [exp(-H_{0}/KT) V^{\dagger} V(t)] 2.3.2.$$

$$V(t) = \sum_{\vec{k},\vec{q}} G_{f}(\vec{k},\vec{q}) C^{+}_{\vec{k}\cdot\vec{q},v}(t) C_{\vec{k},c}(t) \qquad 2.3.3.$$

$$G(\vec{k},\vec{q}) = \langle \vec{k} \cdot \vec{q}, v | \frac{e}{mc} \vec{A} \cdot \vec{p} | \vec{k}, c \rangle \qquad 2.3.4.$$

Fazendo-se uso de 2.3.2. em 2.3.1., obtem-se que

$$S(\omega) = \sum_{\vec{k},\vec{k},\vec{q}} Q_{\vec{k}}^{*}(\vec{k},\vec{q}) G(\vec{k},\vec{q}) \cdot \int_{dt}^{+\infty} dt e^{i\omega t} \langle C_{\vec{k},c}^{+} C_{\vec{k},c}^{+} C_{\vec{k},q,v}^{+} C_{\vec{k},c}^{+}(t) C_{\vec{k},c}(t) \rangle$$

$$= \sum_{\vec{k},\vec{k},\vec{q},\vec{k}} Q_{\vec{k},\vec{q},v}^{*}(\vec{k},\vec{q}) \cdot \int_{-\infty}^{+\infty} dt e^{i\omega t} \langle C_{\vec{k},c}^{+} C_{\vec{k},c}^{+} C_{\vec{k},q,v}^{+}(t) \cdot C_{\vec{k},c}(t) \rangle$$

$$= 2.3.5.$$

\* Em [ 2,14,15 ] utiliza-se o ADT e faz-se  $\langle C_{k,c}^{\dagger} C_{k,d,v} C_{k,d,v}^{\dagger} (t) C_{k,c}(t) \rangle = \langle C_{k,c}^{\dagger} C_{k,c}(t) \rangle \cdot \langle C_{k,d,v} C_{k,d,v}^{\dagger} (t) \rangle ,$  associando posteriormente  $\langle \rangle_{c} \in \langle \rangle_{v}$  a Funções Green de elétrons e buracos.

### 2.4. Funções Green de Dependência Temporal Dupla

A utilização das Funções Green de dependência tempo ral dupla [ 18,19,20 ] na investigação do problema de muitos cor pos surgiu historicamente da interconexão entre a Mecânica Estatística e a Teoria de Campo Quântica via representação de segunda quantização; seu sucesso em parte se deve tanto à facilidade' sistemática fornecida no cálculo de propriedades macroscópicas ' observáveis dos sistemas, quanto no de quantidades microscópicas.

Já por definição, as funções Green estão diretamente relacionadas às funções de correlação temporal pois

$$S_{L}(t,t') = \langle A(t); B(t') \rangle = -\lambda \Theta(t-t') \langle [A(t), B(t')] \rangle$$
, 2.4.1.

$$G_{a}(t,t') = \langle (A(t); B(t') \rangle_{a} = 1 \Theta(t'-t) \langle [A(t), B(t')] \rangle$$
. 2.4.2.

 $G_{r,a}$  são as funções Green retardadas e avançadas ;  $\Theta(t-t')$ é a função de Keavside definida por

$$\Theta(t-t') = \begin{cases} 1 & \text{se } t-t' > 0 \\ 0 & \text{se } t-t' < 0 \end{cases}$$

e que satisfaz às relações

$$\Theta(t) = \int_{-\infty}^{t} e^{\varepsilon t} \delta(t) dt \qquad (\varepsilon \to +0), \quad 2.4.4a.$$

$$\Theta(t) = \frac{1}{2\pi} \cdot \int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{ixt}}{x+i\varepsilon} dx ,$$

1

2.4.4b.

$$\frac{d \Theta(t)}{d t} = -\frac{d \Theta(-t)}{d t} = \delta(t) \qquad ; \qquad 2.4.4c.$$

representa uma média estatística sobre o ensem ble grã-canônico, I.E.,

$$\langle ... \rangle = Z^{-1} T_{r} \left[ e^{\beta J} \dots \right]$$
 2.4.5.

onde  $\beta = 1/KT$ ,  $Z = Tr(e^{-\beta R})$ ,  $R = H-\mu N$ , K é a constante de Bolt<u>=</u> mann, T é a temperatura do sistema, H é o operador Hamiltoniano ' independente do tempo,  $\mu$  é o potencial químico e N o operador nº total de partículas;

A(t) e B(t) nas equações 2.4.1,2 são operadores na representação de Heisenberg ( $\hbar = 1$ ), I.E.,

$$A(t) = e^{i \Re t} A(o) e^{i \Re t} = e^{i \Re t} A e^{-i \Re t}$$

que satisfazem à equações de movimento do tipo

$$\lambda \frac{dA(t)}{dt} = A(t) H - HA(t) \qquad 2.4.8.$$

e são expressos ou como produto de funções de onda em segunda ' quantização ou como produto de operadores de criação e aniquila. ção;

[A, B], indica o comutador ou anticomutador, I.E.,

onde  $n_{e}$  = +1 para bósons e  $n_{e}$  = -1 para férmions.

No caso de equilíbrio estatístico, tem-se de imediato que  $G_{r,a}(t,t') = G_{r,a}(t-t')$ , o que pode ser facilmente demonstr<u>a</u> do fazendo-se uso das propriedades cíclicas do traço.

Através da derivada temporal das equações de defini ção das funções Green, obtém-se uma cadeia infinita de equações acopladas para uma série de funções Green cada vez mais comple xas, i.e.,

 $\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt} \langle A(t); B(t') \rangle_{r,a} = \delta(t-t') \langle [A(t), B(t')] \rangle + \langle \{A(t), H-HA(t)\}; B(t') \rangle_{r,a}$ 

A solução desta cadeia de equações envolve necessari<u>a</u> mente um desacoplamento da mesma e a imposição de condições de contorno. Estas condições são suplementadas por representações ' espectrais para às funções de correlação temporal e funções ' Green via uso da transformada de Fourier. temporal destas.Assim,

$$\mathcal{F}_{BA}(t-t') = \langle B(t') A(t) \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} J(\omega) e^{-i\omega(t-t')} d\omega , 2.4.11a.$$

$$\mathcal{F}_{AB}(t-t') = \langle A(t) B(t') \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} J(\omega) e^{\beta \omega} e^{i\omega(t-t')} d\omega$$
, 2.4.11b.

são as representações espectrais para as funções de correlação ' temporal onde  $\Re C_{y} = E_{y}C_{y}e J(w)$  é a intensidade espectral de  $\frac{2}{3} d_{\underline{a}}$ 

\* A presença de termos inomogêneos tipo  $\delta$  nesta cadeia justifi - ca plenamente a denominação dada às Funções G<sub>r.a</sub>!

da por

$$J(w) = \bar{F}' \sum_{v,\mu} (C_{v}^{*} A(o) C_{\mu}) (C_{\mu}^{*} B(o) C_{v}) \bar{e}^{\beta E_{\mu}} \delta(E_{\mu} - E_{v} - w) \qquad 2.4.12.$$

De forma semelhante, as transformadas de Fourier temporais das funções Green são

$$G_{r,a}(n) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} G_{r,a}(t) e^{int} dt$$
, 2.4.13a

de maneira que

$$G_{r_{i}a}(t-t') = \int_{-\infty}^{\infty} G_{r_{i}a}(a) e^{i\alpha(t-t')} d\alpha$$
. 2.4.13b

As equações que  $G_{r,a}(\mathbf{n})$  satisfazem podem ser obtidas facilmente de 2.4.10. e têm a forma

$$\Omega G_{r,a}(\Omega) = \Omega \langle A | B; \Omega \rangle = \frac{1}{2\pi} \langle [A,B] \rangle + \langle [A,H] | B; \Omega \rangle$$
 2.4.14.

Através das equações

$$G(w + i\varepsilon) - G(w - i\varepsilon) = -i(e^{\beta \cdot \alpha} - \eta) J(w)$$
 2.4.15a.

$$\delta(x) = \frac{1}{2\pi i} \cdot \left\{ \frac{1}{x - i\epsilon} - \frac{1}{x + i\epsilon} \right\}$$
 2.4.15b.

$$\frac{1}{E-w\pm iE} = P - \frac{1}{E-w} \mp i \pi \delta(E-w) \qquad 2.4.15c.$$

pode-se obter a identidade

$$G_{r,a}(\Omega) = \frac{1}{2\pi} P \int_{-\infty}^{\infty} (e^{\beta \omega} - \eta) J(\omega) \frac{d\omega}{E - \omega} \mp \frac{1}{2} (e^{\beta \Omega} - \eta) J(\Omega)$$
2.4.16.

que relaciona as transformadas de Fourier das **fu**nções Green às suas representações espectrais.

# 2.5. <u>A Luminescência e o Coeficiente de Absorção</u>

Como foi afirmado anteriormente, os espectros de ga nho-absorção e luminescência têm em si informações sobre HES ' frente às características tanto do laser excitador quanto do pr<u>o</u> prio semicondutor. Uma análise destes espectros constitui importante fonte de informação sobre o comportamento físico dos port<u>a</u> dores fotoexcitados e das excitações elementares em HES.

Uma expressão para a luminescência  $I(\boldsymbol{\omega})$  do EMP nos semicondutores de gap direto caracterizados na seção 2.2. pode ser obtida de forma direta através da probabilidade de transição eletrônica 2.3.1.; utilizando nesta seção unidades em que  $\hbar = 1$ , tem-se

$$I(\omega) \simeq \omega$$
.  $S(\omega)$ 

$$\simeq \omega \sum_{\vec{k},\vec{k},\vec{k}} G^{*} G \cdot \int_{-\infty}^{\infty} dt e^{i\omega t} \langle b_{\vec{k}}^{*} b_{\vec{k}}(t) \rangle$$
2.5.1.

onde  $b_k(t) = C_{k-q,v}^+(t) C_{k,c}(t)$ . Após as transformações  $C_c(t) = e^{-it\mu c} C_c(t) = C_v(t) = e^{it\mu v} C_v(t)$  faz-se uso da representação ' espectral para a função correlação de interesse

$$(b_{\vec{k}}^{\dagger} b_{\vec{k}}(t)) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} J(\omega) e^{i\omega t} d\omega$$
 2.5.2.

e como consequência da ligação de J(w) com as funções Green retardadas (vide eq. 2.4.16.), reescreve-se a expressão para a in tensidade de luminescência na forma

$$I(\omega) = -\omega \sum_{\vec{R}, \vec{n}, \vec{q}} G^{*} G \cdot \frac{2 \operatorname{Im} G_{r}(\vec{n})}{e^{\vec{n}\cdot\vec{n}} - 1}$$
2.5.3.

onde  $\mathbf{n} = \mathbf{w} - \mu_c + \mu_v$ . Vê-se que a obtenção de uma expressão para a luminescência depende fundamentalmente da função Green '  $G_r(\mathbf{n})$ . No caso em questão ela satisfaz à cadeia de equações no espaço das energias

$$\bar{a} G_r(\bar{a}) = \bar{a} \ll b_{\bar{k}} | b_{\bar{k}}; \bar{a} \rangle$$

$$=\frac{1}{2\pi}\langle [b_{\vec{k}}, b_{\vec{k}}]\rangle + \langle [b_{\vec{k}}, H_0] | b_{\vec{k}}^{\dagger}; \bar{L}\rangle\rangle$$

2.5.4.

Utilizando a relação de anticomutação para operadores fermiônicos  $a_{\vec{k},i} a_{\vec{k},j} + a_{\vec{k}',j} a_{\vec{k},i} = \delta_{\vec{k}\vec{k}'} \delta_{ij}$ , obtém-se, sem muito trabalho,

$$[b_{\vec{k}}, b_{\vec{k}}]_{-} = \delta_{\vec{k}\vec{k}} C^{*}_{\vec{k}\cdot\vec{\psi}, v} C_{\vec{k}\cdot\vec{\psi}, v} - \delta_{\vec{k}\cdot\vec{\psi}, \vec{k}\cdot\vec{\psi}} C_{\vec{k}, c} C_{\vec{k}, c} 2.5.5a.$$

$$\begin{bmatrix} b_{\vec{k}}, H_o \end{bmatrix}_{=}^{=} \sum_{\alpha} E_{\alpha} \left\{ \delta_{\alpha, \vec{k}c} C^{\dagger}_{\vec{k} \cdot \vec{q}_{i, v}} C_{\alpha} - \delta_{\alpha, \vec{k} - \vec{q}_{i, v}} C^{\dagger}_{\alpha} C_{\alpha, c} \right\} + \\ + \sum_{i, j, k, m} U(i, j | k, m) \cdot \left\{ \delta_{i, \vec{k}c} C^{\dagger}_{\vec{k} \cdot \vec{q}_{i, v}} C^{\dagger}_{\vec{k}} C_{\beta} C_{m} + \\ + \delta_{\beta, \vec{k} \cdot \vec{q} \cdot v} C^{\dagger}_{i} C^{\dagger}_{j} C_{m} C_{\vec{k}, c} + \delta_{m, \vec{k} \cdot \vec{q} \cdot v} C^{\dagger}_{j} C^{\dagger}_{i} C_{\beta} C_{\vec{k}, c} + \\ + \delta_{\beta, \vec{k}c} C^{\dagger}_{i} C^{\dagger}_{\vec{k} \cdot \vec{q} \cdot v} C_{\beta} C_{m} \end{bmatrix}$$

2.5.5b.

cuja substituição em 2.5.4. leva a

$$\underline{\overline{A}} \ll C_{\vec{k},\vec{q},v}^{\dagger} C_{\vec{k}c} | C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{p}-\vec{q},v}^{\dagger}, \overline{\overline{A}} \rangle = \frac{4}{2\pi} \cdot \left\{ \delta_{\vec{k}\vec{k}} \langle C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger} C_{\vec{k}-\vec{q},v} \rangle - \delta_{\vec{k}-\vec{q},\vec{k}-\vec{q}} \langle C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{k}c} C_{\vec{k}c} \rangle \right\} + \\
+ (E_{\vec{k}c} - E_{\vec{k}-\vec{q},v}) \cdot \ll C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger}, \overline{\overline{A}} \rangle + \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ 3, q, m}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \ll C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger} C_{\vec{q}} (q_{m} | C_{\vec{k},v}^{\dagger} C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger}, \overline{\overline{A}} \rangle ) + \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \ll C_{\vec{k}}^{\dagger} C_{\vec{k}}^{\dagger} C_{m} C_{\vec{k}c} | C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{q}} (q_{m} | C_{\vec{k}v}^{\dagger} C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger}, \overline{\overline{A}} \rangle ) + \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \ll C_{\vec{k}}^{\dagger} C_{\vec{k}}^{\dagger} C_{m} C_{\vec{k}c} | C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{k}-\vec{q},v}^{\dagger}, \overline{\overline{A}} \rangle + \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, m}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, y | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, m \\ . \prec j, q, m}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q}} U(\vec{k}_{\vec{k}}, q | q, m) \cdot \\
+ \sum_{\substack{j, q, q \\ . \prec j, q}} U$$

2.5.6.

O desacoplamento desta cadeia de equações é feito ut<u>i</u> lizando-se RPA [18]; não levando em conta termos de troca, a função Green de interesse assume a forma

 $\langle\!\langle C_{\vec{k}\cdot\vec{k}v}^{\dagger}C_{\vec{k}c}|C_{\vec{k}c}^{\dagger}C_{\vec{k}\cdot\vec{k}},\vec{k},\vec{k}\rangle = \mathcal{G}_{i}(\vec{k},\vec{k};\vec{k}) + \mathcal{G}_{i}(\vec{k},\vec{k};\vec{k})$ 

onde

$$G_{I}(\vec{k},\vec{k}';\vec{n}) = \frac{\delta \vec{k} \cdot \vec{k}}{2\pi} \cdot \frac{f_{\vec{k}\cdot\vec{k}} - f_{\vec{k}\cdot\vec{k}}}{\vec{n} + E_{\vec{k}\cdot\vec{k}} - E_{\vec{k}\cdot\vec{k}}} 2.5.8a.$$

$$G_{2}(\vec{k},\vec{k};\vec{n}) = \frac{4(f_{\vec{k}}-\hat{q}_{v}-f_{\vec{n}}c)}{\vec{n}+E_{\vec{k}}-\hat{q}_{v}-E_{\vec{k}}c} \cdot \sum_{g,m} U(g,\vec{k}c|\vec{k}\cdot\hat{q}_{v},m) \ll C_{g}^{\dagger}C_{m}|C_{\vec{k}c}^{\dagger}C_{\vec{k}}\cdot\hat{q}_{v};\vec{n}\rangle$$

com  $f_j = \langle C_j^+ C_j \rangle$ . Utilizando-se aproximações sucessivas, obtémse como resultado que

$$\langle \langle C_{\vec{k}\cdot\vec{q}v}^{\dagger} C_{\vec{k}c} | C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{k}'\cdot\vec{q}v} ; \bar{\Omega} \rangle = \frac{N(\bar{\Omega}, \bar{K}c, \bar{K}\cdot\vec{q}v)}{4\pi} \cdot \left\{ \delta_{\vec{k}\cdot\vec{k}'} + \right.$$

+ 
$$\frac{2 N(\bar{x}, \bar{k}'c, \bar{k}'-\bar{q}') \cdot U(\bar{x}-\bar{q}', \bar{k}c|\bar{k}-\bar{q}', \bar{k}c)}{1-2 \sum_{\substack{i=1\\i=1\\i=1\\i=1}} U(\underline{a}, m|\underline{a}, m) \cdot N(\bar{x}, m, \underline{a})}$$

2.5.9.

onde  $N(\bar{A}, m, j) = 2(f_j - f_m)/(\bar{A} + E_j - E_m)$ . Introduzindo aqui o efeito de colisões entre os portadores através da transformação '  $\bar{A} \rightarrow A + \cdot T^*$ , obtém-se que

$$\ll C_{\vec{k}\cdot\vec{q}\nu} C_{\vec{k}c} | C_{\vec{k}c}^{\dagger} C_{\vec{k}\cdot\vec{q}\nu}; \bar{\Omega} \gg = \left[ \frac{N_R(\Omega, \vec{k}c, \vec{k}\cdot\vec{q}\nu) - j N_I(\Omega, \vec{k}c, \vec{k}\cdot\vec{q}\nu)}{4 \pi} \right] \cdot \left\{ \delta_{\vec{k}\cdot\vec{k}} + \right.$$

$$+ \frac{2 \left[N_{R}(\Omega, \vec{k}', \vec{k}', \vec{v}') - \lambda N_{I}(\Omega, \vec{k}', \vec{v}, \vec{v})\right] \cdot U(\vec{k}', \vec{v}, \vec{k}, \vec{k}', \vec{k}')}{\varepsilon_{0} - \sum_{j,m} 2 U(j, m, j) \cdot \left[N_{R}(\Omega, m, j) - \lambda N_{I}(\Omega, m, j)\right]} \right]$$

2.5.10.

\* De modo análogo ao que é feito no SCFA.

com

$$U(t_{1},m|t_{1},m) = \epsilon_{0}^{-1} U(t_{1},m|t_{1},m)$$
 2.5.11a.

$$N(\alpha, \vec{k}c, \vec{k} \cdot \vec{k}v) = N_R(\alpha, \vec{k}c, \vec{k} \cdot \vec{k}v) - i N_I(\alpha, \vec{k}c, \vec{k} \cdot \vec{k}v) = \frac{2\eta(\xi - i\pi)}{\xi^2 + \tau^2} 2.5.11b.$$

$$E = n + E_{\vec{k}} - \bar{q}_{v} - E_{\vec{k}}c$$
,  $E' = n + E_{\vec{k}} - \bar{q}_{v} - E_{\vec{k}}c$  2.5.11c.

$$n = f_{\vec{k}-\vec{q}v} - f_{\vec{k}c}$$
,  $n' = f_{\vec{k}'-\vec{q}v} - f_{\vec{k}c}$  2.5.11d.

O denominador da 2<sup>ª</sup> fração do lado direito da equação 2.5.10. tem justamente a forma da constante dielétrica no SCFA (veja-se próximo capítulo) pois

$$E(\hat{q}, \alpha) = E_1(\hat{q}, \alpha) + i E_2(\hat{q}, \alpha)$$

$$= \varepsilon_{0} - \sum_{\substack{j \mid m \\ j \mid m}} 2 U(\underline{j}, \underline{m}, \underline{j}, \underline{m}) \cdot \left[ N_{R}(\underline{a}, \underline{m}, \underline{j}) - i N_{I}(\underline{a}, \underline{m}, \underline{j}) \right]$$

$$= \varepsilon_{0} - \sum_{\substack{j \mid m \\ j \mid m}} 4 U(\underline{j}, \underline{m}, \underline{j}, \underline{m}) \cdot \frac{f_{\underline{j}} - f_{\underline{m}}}{E_{\underline{j}} - E_{\underline{m}} + \underline{\alpha} + i} T$$

2.5.12.

de maneira que após um simples trato algébrico obtém-se

$$-\operatorname{Im}\left[2\pi G_{r}(\bar{x})\right] = \frac{(f_{\bar{k}}-\bar{q}_{v}-f_{\bar{k}}c).T}{\epsilon^{2}+T^{2}} \cdot \left\{ \delta_{\bar{k}\bar{k}} + \right.$$

+ 
$$\frac{4 U(\vec{k} \cdot \vec{k} v, \vec{k} \cdot \vec{k}$$

2.5.13.

### 22

E

Tendo em mãos a parte imaginária da função Green de interesse, volta-se à expressão 2.5.3., que por conveniência e importância é a seguir reescrita

$$I(w) = -w \cdot \sum_{\vec{k}, \vec{k}', \vec{q}} G'(\vec{k}, \vec{q}) G(\vec{k}, \vec{q}) \cdot \frac{2 \operatorname{Im} G_r(\vec{a})}{e^{G \cdot \vec{a}} - 1}$$
2.5.3.

Desprezando-se o momento  $\vec{q}$  dos fóton frente àquele ' dos elétrons (aproximação dipolar) e a dependência de  $\vec{G}$  em  $\vec{k}$ , pode-se agora escrever

$$I(\omega) = I_1(\omega) + I_2(\omega)$$
  
2.5.14.

O termo  $I_1(\boldsymbol{\omega})$  não leva em conta a interação entre 'portadores e tem a forma

$$I_{1}(\omega) = L \cdot |G_{r}|^{2} \omega^{3} \cdot \sum_{\vec{k},\vec{q}} \frac{f_{\vec{k}v} - f_{\vec{k}c}}{e^{\beta \alpha} - 1} \cdot \frac{T}{[E_{\vec{k}v} - E_{\vec{k}c} + \alpha]^{2} + T^{2}}$$
2.5.15.

onde L é uma constante multiplicativa; o segundo termo tem en si o efeito da interação coulombiana entre os portadores no espectro de luminescência do EHP em semicondutores de gap direto e sua forma é

$$\begin{split} I_{2}(\omega) &= L \cdot |G_{r}|^{2} \cdot \omega^{3} \sum_{\vec{k},\vec{q}} \frac{f_{\vec{k}\nu} - f_{\vec{k}c}}{e^{\beta \cdot \alpha} - 1} \cdot \frac{\pi}{\epsilon^{2} + \pi^{2}} \cdot \frac{4U(\vec{k}\nu, \vec{k}c | \vec{k}\nu, \vec{k}c)}{\epsilon_{1}^{2} + \epsilon_{2}^{2}} \cdot \\ \cdot \frac{\pi}{\epsilon^{1} + \pi^{2}} \cdot \left[ (\epsilon + \epsilon') \epsilon_{1} + (\frac{\epsilon'}{\pi} - \frac{\pi}{\epsilon}) \epsilon_{2} \right] \\ 2.5.16. \end{split}$$

Neste ponto é conveniente a mudança da representação

de elétrons nas banda de condução e valência para àquela de elétrons e buracos. Fazendo-se isto, assume-se os resultados já co nhecidos [ 34 ]

$$|G|^2 \simeq const. \times \omega^1$$
 2.5.17a.

$$U(\vec{k}'v,\vec{k}c|\vec{k}v,\vec{k}'c) = \frac{4\pi e^2}{q^2 v} \cdot \left(\frac{\varphi}{m w}\right)^2 \cdot \left| P_{cv}^{M} \right|^2 \qquad 2.5.17b.$$

$$\left| \mathcal{P}_{v}^{\mathcal{M}} \right|^{2} \simeq \frac{1}{4} \cdot \mathcal{E}_{g} \cdot \frac{m_{o}^{2}}{M}$$
 2.5.17c.

$$\frac{1}{M} = me^{1} + mh^{1}$$
 2.5.17d.

qnde  $m_0$  é a massa de repouso do elétron e  $\hbar \omega$  a energia da radia ção; como somente a luz emitida pelo cristal em certo ângulo sólido d $\Omega$  por intervalo d $\omega$  de frequência está sendo analisada, de tal modo que

$$\sum_{\frac{1}{2}} \cdots \longrightarrow \frac{\sqrt{(2\pi)^3}}{(2\pi)^3} \int \cdots \frac{\sqrt{2}}{c^3} dc^2 \qquad 2.5.18.$$

obtém-se finalmente

$$I_{1}(\omega) = C_{1} \cdot \omega^{2} \cdot (M/m_{0})^{3/2} \cdot \mathcal{R}_{1/2}(\omega) , \qquad 2.5.19.$$

$$I_{2}(\omega) = C_{1} \cdot 296, 2904 (M/m_{0})^{2} \cdot \frac{\varepsilon_{q}}{\varepsilon_{1}^{2} + \varepsilon_{2}^{2}} \cdot \left\{ \mathcal{R}_{1/2}(\omega) \cdot \left[ W_{2}(\omega) \cdot \mathcal{F}_{1/2}(\omega) - \frac{\varepsilon_{1}}{\varepsilon_{1}} \right] \right\}$$

$$-W_{3}(\omega) \ \mathcal{G}_{3/2}(\omega) \left] - \mathcal{R}_{3/2}(\omega) \left[ W_{3}(\omega) \ \mathcal{G}_{1/2}(\omega) - \frac{\mathcal{E}_{2}}{T} \ \mathcal{G}_{3/2}(\omega) \right] \right\} \quad 2.5.20.$$

onde

$$R_{s}(\omega) = E_{g}^{-1} \cdot \int_{0}^{\infty} dE_{\kappa} E_{\kappa}^{s} f_{h}(ME_{\kappa}/m_{h}) f_{e}(ME_{\kappa}/m_{e}) \cdot \frac{\Pi}{(\omega - E_{g} - E_{\kappa})^{2} + \Pi^{2}}, 2.5.21a.$$

$$G_{s}(\omega) = \int_{0}^{\infty} dE_{k} E_{k}^{s} f_{h}(ME_{k}/m_{h}) f_{e}(ME_{k}/m_{e}) \cdot \frac{eB(E_{k}-Me-M_{h})-1}{(\omega-E_{g}-E_{k})^{2}+T^{2}}, 2.5.21b.$$

$$W_2(\omega) = (\omega - \varepsilon_q) \left[ 2\varepsilon_1 + \frac{\varepsilon_2}{T} (\omega - \varepsilon_q) \right] - T \varepsilon_2 , \quad 2.5.22a.$$

$$W_3(w) = \epsilon_1 + \frac{\epsilon_2}{T} (w - \epsilon_8)^*$$
 2.5.22b.

A expressão acima obtida para a intensidade de lumi nescência relaciona-se diretamente com o coeficiente de absorção, já que somente a interação do sistema eletrônico com a radiação' é diretamente levada em conta; sob o ponto de vista microscópi co, o coeficiente de absorção de um meio óptico isotrópico é dado por [35,36].

$$\alpha(\omega) \sim \frac{e^{\beta(\omega-\epsilon_g-\mu_e-\mu_h)}-1}{\omega^3, n(\omega)} \cdot I(\omega) \qquad 2.5.23.$$

\* Nas expressões 2.5.19 - 2.5.22b. a unidade de energia é o meV e  $\mathbf{e}_{s=1,2} = \mathbf{e}_{s}(\mathbf{w}, \mathbf{q} \rightarrow 0)$ , como calculado na próxima seção. onde n( $\boldsymbol{\omega}$ ) é o índice de refração dado por

 $n^{2}(\omega) = \frac{1}{2} \cdot \left[ \epsilon_{1} + (\epsilon_{1}^{2} + \epsilon_{2}^{2})^{1/2} \right]$ . 2.5.24.

CAPÍTULO 3 - A FUNÇÃO DIELÉTRICA NA APROXIMAÇÃO DO CAMPO-AUTO CONSISTENTE (SCFA)

#### 3.1. Preliminares

A função dielétrica  $\in$  está intimamente relacionada ' com a estrutura eletrônica de um sólido a partir de sua própria ' definição. Ela descreve a resposta do sistema a campos eletroma gnéticos externos desde um ponto de vista microscópico. Desprezando efeitos não lineares, a relação entre D e E no espaço dos mo menta tem a forma [ 37 ]

$$D_{i} = \sum_{f=1}^{3} \epsilon^{if}(\bar{q}, \omega) E_{f}$$
, 3.1.1.

onde  $\mathbf{\epsilon}^{ij}(\mathbf{\hat{q}}, \mathbf{\omega})$  representa a resposta do sistema ao campo ele tromagnético. Uma possível diferença de fase entre  $\mathbf{\hat{E}}$  e  $\mathbf{\hat{D}}$  é incluí da através de valores complexos para  $\mathbf{\epsilon}^{ij}$ .

A expressão 3.1.1. torna-se bem mais simples quando se trata de sólidos cristalinos isotrópicos, já que neste caso a polarização e densidade da corrente induzida tem a mesma direção do campo elétrico que agerou [ 23 ]. Assumindo-se que a variação do campo em uma célula unitária do cristal é desprezível, o tensor constante dielétrica transforma-se em um escalar, reescrevendo-se

$$\vec{D} = \varepsilon(\omega, \vec{q} \rightarrow 0) \vec{E} = \varepsilon(\omega) \vec{E}$$

3.1.2.

### 3.2. A Função Dielétrica no SCFA

Uma expressão para a constante dielétrica complexa !  $\boldsymbol{\epsilon}(\mathbf{q}, \boldsymbol{\omega})$ , em tudo equivalente àquela da aproximação RPA, pode ser obtida através do tratamento de Ehrenreich e Cohen [ 21,22 , 23,24 ].

A idéia básica é que a perturbação externa gera uma redistribuição de cargas no sistema; a carga assim redistribuida produz então um potencial induzido V<sub>ind</sub> cuja ação blinda o poten cial externo original. O potencial auto-consistente V real é então a soma do potencial externo original V<sub>ext</sub> àquele produzido ' pela indução, V<sub>ind</sub>. Impõe-se finalmente que a distribuição final de carga no sistema seja consistente com o potencial real V.

Considere-se assim a resposta de um sólido cristalino isotrópico ao potencial autoconsistente V(F,t). A equação de Liouville para o operador densidade de uma partícula tem a forma

$$i = [H, \rho] + i = (\frac{\partial \rho}{\partial t})_{coll}$$
 3.2.1

onde H = H + V( $\hat{\mathbf{r}}$ , t) é o Hamiltoniano da partícula com H =  $\frac{1}{2}/2m$ + + V<sub>I</sub>(r) sendo a parte não perturbada; ela descreve um elétron de Bloch em um sólido caracterizado pelo potencial periódico  $V_{I}(\vec{r})$ e satisfaz a equação  $H_0|\hat{k} \rangle = E_{\hat{k} \rho} |\hat{k} \rangle$ , sendo  $|\hat{k} \rangle$  funções ' de Bloch usuais. O termo in  $\left(\frac{\delta \rho}{\delta t}\right)_{OUL}$  é responsável por efeitos de colisão.

É conveniente escrever a matriz densidade na forma P=  $\rho_0 + \rho_1$ , onde  $\rho_1$  está associada à perturbação e  $\rho_0$  ao Hamiltoniano H de maneira que  $\rho_0(\vec{k}x) = f_{\vec{k}x}(\vec{k}x)$ , sendo  $f_{\vec{k}x}$ a função distribuição de Fermi-Dirac. Isto permite linearizar as equações, desprezando-se termos da ordem de PAV(F,t)

Assumindo que  $(\partial \rho / \partial t)_{cout} = -\rho_1 / \gamma$  [22] e fazendo' uma expansão de Fourier do potencial perturbativo obtém-se, to mando-se elementos matriciais com respeito as funções de Bloch

1k2> e 1k+&s'>, que

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \langle \hat{\kappa}_{4} | \rho_{1} | \hat{\kappa}_{+} \hat{\varphi}_{2} \rangle + (E_{\vec{\kappa}_{+} \hat{\varphi}_{2}} - E_{\vec{\kappa}_{4}}). \langle \hat{\kappa}_{4} | \rho_{1} | \hat{\kappa}_{+} \hat{\varphi}_{2} \rangle - (f_{\vec{\kappa}_{+} \hat{\varphi}_{2}} - f_{\vec{\kappa}_{2}}).$$

 $\langle \hat{\kappa}_{2}| \sum_{\hat{q}'} V(\hat{q}, t) e_{x} + \langle \hat{q}, \hat{r} \rangle | \hat{\kappa} + \hat{q} \hat{q}' \rangle = -i t \langle \hat{\kappa}_{2}| \frac{a}{r} | \hat{\kappa} + \hat{q} \hat{q}' \rangle$ 

3.2.2.

Com uso da identidade demonstrada no Apêndice B e assumindo  $\rho_1(t) = \rho_1 e^{i\omega t}$  e  $V(\bar{q},t) = V e^{i\omega t}$ , obtém-se de 3.2.2. que

$$\langle \vec{x}_{2} | \rho_{1} | \vec{x} + \vec{q}_{2} \rangle = \frac{(f_{\vec{x} + \vec{q}_{2}} - f_{\vec{x}_{2}}) \cdot V(\vec{q}_{1} + \cdots) \cdot (\vec{x}_{2} | \vec{x} + \vec{q}_{2})}{E_{\vec{x} + \vec{q}_{2}} - E_{\vec{x}_{2}} - f_{\omega} - \lambda t / \gamma}$$

3.2.3.

onde  $(\vec{R} \times 1 \vec{R} + \vec{q} \times 1) = \overline{U_a}^1 \cdot \int_{cel} \mu_{\vec{R}_a}^*(\vec{r}) \mu_{\vec{R} + \vec{q}_a}(\vec{r}) d^3 \vec{r} \cdot \frac{3 \cdot 2 \cdot 3}{3 \cdot 2 \cdot 3}$ 

é uma expressão para a matriz densidade induzida em termos do p<u>o</u> tencial autoconsistente V. A densidade eletrônica induzida está relacionada a esta matriz pois

$$\eta = \operatorname{Tr} \left[ \rho_{1} \delta(\vec{r}_{e} - \vec{r}) \right] = \sum_{\vec{k}, \mathbf{k}} \langle \vec{k} \mathbf{k} | \rho_{1} \delta(\vec{r}_{e} - r) | \vec{k} \mathbf{k} \rangle \qquad 3.2.4a.$$

$$= \sum_{\vec{k},\vec{q},\vec{q}} \langle \vec{k} | p_1 | \vec{k} + \vec{q} \cdot \vec{k} \rangle \langle \vec{k} + \vec{q} \cdot \vec{k} | \vec{k} \cdot \vec{k} \rangle \qquad 3.2.4b.$$

= 
$$\vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} = 1} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{Q} \cdot \vec{r}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{x} + \vec{Q} \cdot \vec{r}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{Q} \cdot \vec{r}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{x} + \vec{Q} \cdot \vec{r}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{R} \cdot \vec{r}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{x} + \vec{Q} \cdot \vec{r}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{R} \cdot \vec{r}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{R}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{R}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{R}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{e}^{\vec{\lambda} \cdot \vec{R}} (\vec{k} + \vec{Q} \cdot \vec{R}) < \vec{R} = \vec{\Omega}^{1} \sum_{\vec{R} = 1, \vec{Q} \cdot \vec{R}} \vec{R} \cdot \vec{R} = \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} = \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} + \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} = \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} + \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} = \vec{R} \cdot \vec{R} \cdot \vec{R} + \vec{R} + \vec{R} \cdot \vec{R} + \vec$$

Por outro lado, o potencial induzido relaciona-se com a densidade de elétrons pela equação de Poisson  $\nabla^2 V_{inp} = -4\pi e^2 \eta$ ; fazendo uma expansão de Fourier do potencial induzido resulta ' que

$$V_{ins}(\bar{q},t) = \Im q \sum_{\bar{k} \in q} (\bar{k} + \bar{q} \neq i | \bar{k} + i ) \cdot \langle \bar{k} \ge | p_1 | \bar{k} + \bar{q} \ge 3.2.5.$$

onde  $v_q = 4\pi e^2/q^2 \Omega$ . O uso de 3.2.4. permite reescrever 3.2.5. na forma

$$V_{WD}(\bar{q},t) = V(\bar{q},t) \cdot v_{q} \sum_{\vec{k},q,q'} \frac{(f_{\vec{k}+\vec{q},q'} - f_{\vec{k},q}) \cdot |(\vec{k},q)\vec{k}+\vec{q},q')|^{2}}{E_{\vec{k}+\vec{q},q'} - E_{\vec{k},q} - \hbar\omega - i\hbar/\tau}$$

#### 3.2.6.

Pode-se agora obter uma expressão para a função dielétrica através do relacionamento entre o potencial autoconsis tente V, o potencial externo V<sub>ext</sub> e o potencial induzido V<sub>ind</sub>.Co mo V( $\hat{q}$ ,t) = V<sub>ext</sub>( $\hat{q}$ ,t) + V<sub>ind</sub>( $\hat{q}$ ,t) e V( $\hat{q}$ ,t) = V<sub>ext</sub>( $\hat{q}$ ,t)/ $\boldsymbol{\epsilon}$ ( $\hat{q}$ ,  $\boldsymbol{\omega}$ ), segue-se

$$V(\hat{q},t) = V_{iNp}(\hat{q},t) \cdot [1 - \varepsilon(\hat{q},\omega)]$$
 3.2.7.

obtendo-se com uso de 3.2.5. que

$$\varepsilon(\bar{q}, \omega) = 1 - \upsilon_{q} \sum_{\bar{k}, q, q'} \frac{(f_{\bar{k}+\bar{q}, q'} - f_{\bar{k}, q}) \cdot |(\bar{k}q|\bar{k}+\bar{q}, q')|^{2}}{F_{\bar{k}+\bar{q}, q'} - E_{\bar{k}, q} - t_{\omega} - \frac{1}{2} t_{\omega}/\tau} 3.2.8.$$

### 3.3. Aplicação ao HES

Embora a expressão 3.2.8. tenha sido e continue sendo bastante utilizada [21,22,38 e referências nele citadas] para o cálculo da constante dielétrica de metais, isolantes e semicon dutores, o interesse aqui está centrado em semicondutores na aproximação de bandas parabólicas (ver 2.2.4.) cujos portadores' fotoexcitados obedecem à distribuição de Fermi-Dirac (Apêndice A).

As componentes da função dielétrica  $\epsilon(\mathbf{\hat{c}}, \mathbf{\omega}) = \epsilon_1(\mathbf{\hat{c}}, \mathbf{\omega}) + \epsilon_2(\mathbf{\hat{c}}, \mathbf{\omega})$ têm as formas

$$E_{1}(\vec{q},\omega)=1-\upsilon_{q}\sum_{\vec{k},q,q^{1}}|(\vec{k}\cdot |\vec{k}\cdot \vec{q}\cdot q^{1})|^{2}\cdot\frac{[f(E_{\vec{k}}+\vec{q}\cdot q^{1})-f(E_{\vec{k}}\cdot q)]\cdot(E_{\vec{k}}\cdot \vec{q}\cdot q^{1}-E_{\vec{k}\cdot q}-\hbar\omega)}{(E_{\vec{k}}+\vec{q}\cdot q^{1}-E_{\vec{k}\cdot q}-\hbar\omega)^{2}+T^{2}}$$
3.2.9a.

$$\epsilon_{2}(\hat{q}, \omega) = - \nabla_{q} T. \sum_{\vec{k}, q, q} \frac{|(\vec{k}q|\vec{k} + \hat{q}q')|^{2}, [f(E_{\vec{k}} + \hat{q}q') - f(E_{\vec{k}q})]}{(E_{\vec{k}} + \hat{q}q' - E_{\vec{k}q} - \hbar\omega)^{2} + T^{2}}$$
3.2.9b.

onde  $\mathbf{T} = \hbar/\tau$  e f(E<sub>kg</sub>)  $\equiv$  f<sub>kg</sub>. Utilizando-se a Teoria da Perturbação  $\hat{\mathbf{k}} \cdot \hat{\mathbf{p}}$  [23], obtém-se no limite  $\hat{\mathbf{q}} \rightarrow 0$  a identidade

$$|(\hat{k}_{R}|\hat{k}+\hat{\sigma}_{R}')|^{2} = \delta_{RR'} + (1 - \delta_{RR'}) \cdot (q/m w_{RR'}) \cdot |P_{RR'}^{A}|^{2} \qquad 3.2.10.$$

onde  $P_{gg}^{M} = V_{a}^{-1} \cdot \int \mathcal{M}_{kg}^{*} \cdot p^{M} \cdot \mathcal{M}_{kg} d^{2}\vec{r}$ ;  $\mathcal{M}_{kg}$  são as usuais ' funções de Bloch,  $p^{M}$  é o operador momentum associado à direção de propagação da onda  $\vec{q}$  e  $\hbar \mathcal{M}_{gg'} = E_{kg'} - E_{kg}$ . Através desta iden tidade e das expansões

1

$$E_{e,h}(\vec{k} \pm \vec{q}) = E_{e,h}(\vec{k}) \pm \vec{q} \ \partial_{\vec{k}} E_{e,h}(\vec{k}) + \frac{q^2}{2} \ \partial_{\vec{k}}^2 E_{e,h}(\vec{k}) \qquad 3.2.11.$$

obtém-se as contribuições intrabanda (g = g') para a função dielétrica

$$E_{1}^{\text{INTRA}}(\mathbf{\hat{q}}\rightarrow\mathbf{0},\mathbf{\omega})=1-\frac{4\pi e^{2}n\hbar^{2}}{M}\cdot\frac{\hbar^{2}\omega^{2}-\Pi^{2}}{(\hbar^{2}\omega^{2}+\Pi^{2})^{2}},$$
3.2.12a.

$$\epsilon_{2}^{(WTRA}(\bar{q} \rightarrow 0, \omega) = \frac{8 \pi e^{2} n \hbar^{2}}{M} \cdot \frac{\bar{1}^{1} \hbar \omega}{(\hbar^{2} \omega^{2} + \bar{1}^{2})^{2}} , \qquad 3.2.12b.$$

bem como as contribuições interbanda  $(x \neq x')$ 

$$E_{1}^{INTER}(\bar{q} \rightarrow 0, \omega) = \frac{e^{2} E_{q}(2M)^{1/2}}{T^{r}} \int_{0}^{\infty} dE_{k} E_{k}^{1/2} f_{h}(ME_{k}/m_{h}) f_{e}(ME_{k}/m_{e}).$$

$$\cdot \frac{e^{\beta(E_{k}-\mu_{e}-\mu_{h})}-1}{(E_{k}+E_{g})^{2}} \cdot \left[\frac{E_{k}+E_{g}-\hbar\omega}{(E_{k}+E_{g}-\hbar\omega)^{2}+\Pi^{2}} + \frac{E_{k}+E_{g}+\hbar\omega}{(E_{k}+E_{g}+\hbar\omega)^{2}+\Pi^{2}}\right]$$

3.2.13a.

54

 $\cdot \frac{e^{\beta(E_{k}-\mu_{e}-\mu_{h})}-1}{E_{k}+\xi_{g}} \cdot \left\{ \frac{\hbar\omega T}{\left[(E_{k}+\xi_{g}-\hbar\omega)^{2}+T^{2}\right] \cdot \left[(E_{k}+\xi_{g}+\hbar\omega)^{2}+T^{2}\right]} \right\}$ 

3.2.135.

CAPÍTULO 4 - ANÁLISES E CONCLUSÕES

Nos dois capítulos precedentes foram obtidas expressões para a intensidade de luminescência e o coeficiente de absorção do plasma de elétrons e buracos (EHP), em condições bem caracter<u>i</u> zadas na seção 2.2. Para isto utilizou-se uma teoria de espalha mento para sistemas em quasi-equilíbrio e fez-se uso da técnica ' de funções Green de dependência temporal dupla no cálculo da função de correlação temporal de interesse; a cadeia infinita de equações para as funções Green foi desacoplada utilizando-se RPA e resolvida de forma autoconsistente.

Como pode ter sido notado, as expressões obtidas do modo delineado no parágrafo anterior são válidas para quaisquer semicondutor de gap direto submetido aos níveis de excitações geradores do plasma, para o qual se possa esperar que a aproximação ' de bandas parabólicas seja uma boa representação dos níveis de energia. Neste capítulo serão mostrados os resultados de aplica ções feitas ao CdS e GaAs, cujos parâmetros utilizados na obten ção da luminescência e coeficiente de absorção foram retirados da Tabela 4.1.

Semicondutor	m <sub>e</sub> (m <sub>o</sub> )	m <b>h</b> (mo)	٤٥
CdS	0.205	0.70	9.3
GaAs	0.067	0.50	12.91

Tabela 4.1. Parâmetros utilizados nos cálculos [2,9]

A luminescência devido a processos de recombinação radiativa espontânea no EMP em semicondutores de gap direto tem si do intensamente estudada, mesmo nos dias atuais. Já em 1973, Meneses e Luzzi [ 14 ] obtiveram uma expressão para a luminescên cia que, para futura comparação com os resultados obtidos neste

trabalho e por conveniência do leitor, é a seguir destacada

$$I_{ML}(\omega) \sim \omega^2 \sum_{\vec{k}} f_e(\vec{k}) f_h(\vec{k}) \delta(\omega + E_v(\vec{k}) - E_c(\vec{k}) - M(\vec{k})) \qquad 4.1.$$

Note-se que a presença da função delta indica que o tom po de vida média dos portadores não foi levado em conta. Convôn ainda destacar aqui que Lysenko e outros [6] fazem uso de ex pressão formalmente semelhante no estudo do plasma em CdS.

Motisuke [25] leva em conta de forma fenomenológica' o tempo de vida média dos portadores de cada estado eletrônico in duzido ( $\tau = T^{-1}$  no caso) e através de [35] obtém a emissão es pontânea na forma

$$I_{M0}(\omega) \sim \omega^{2} \sum_{\vec{k}} f_{e}(\vec{k}_{e}) f_{h}(\vec{k}_{h}) \cdot \frac{\pi T}{\left[\pi \omega - \epsilon_{g} - E(\vec{k})\right]^{2} + \pi^{2} T^{2}} \qquad 4.2.$$

Estas expressões e congêneres<sup>\*</sup>, obtidas dentro de um ponto de vista de um quasi-equilíbrio termodinâmico, têm sido ba<u>s</u> tante utilizadas em ajustes de resultados experimentais

, os resultados são satisfatórios [ 14,6,25 ], embora somente a adição explícita ao hamiltoniano da interação fônon-port<u>a</u> dor possibilite um melhor ajuste na região de mais baixa energia da banda P luminescente.

A seguir se reescreve por conveniência a primeira contribuição obtida neste trabalho para a intensidade de luminescên-

\*Vale destacar o trabalho de Zimmermann e Rösler [ 30 ]; nele se leva em conta a anisotropia das bandas de energia e obtém-se ' uma expressão para a luminescência cuja forma, infelizmente, não permite uma comparação imediata com aquelas em que aqui se tem interesse (4.1,4.2,4.3).

cia, que é o termo  $I_1(\omega)$  (aqui  $\hbar = 1$ )

$$I_{4}(w) \sim w^{2} \cdot \int_{0}^{\infty} dE_{k} E_{k}^{1/2} f_{h}(E_{kh}) f_{e}(E_{ke}) \cdot \frac{T}{(w - \epsilon_{q} - \epsilon_{k})^{2} + T^{2}}$$
  
4.3.

Ele é idêntico àquela expressão obtida para a lumines cência por Motisuke (4.2) e uma generalização daquela obtida por Meneses e Luzzi (4.1). Neste termo, a presença da interação cou lombiana se faz notar somente na energia de gap renormalizada  $\boldsymbol{\varepsilon}_g$ . Assim, reobtem-se em primeira aproximação (I( $\boldsymbol{\omega}$ ) = I<sub>1</sub>( $\boldsymbol{\omega}$ )) todos aqueles resultados anteriormente estabelecidos:

i) surgimento da banda P;

ii) deslocamento do pico da banda para regiões de menor energia com o aumento da densidade de excitação;

iii) alargamento do espectro com o aumento da densidade de excitação.

Isto pode ser visto claramente através da Fig. 4.1., em cuja obtenção fez-se uso da Tabela 4.1., do Apêndice B para o cál culo da densidade de portadores e da temperatura,  $\mathbf{T}$ , potenciais químicos, etc obtidos neste trabalho através de ajustes do coeficiente de absorção aqui calculado (2.5.23) com aqueles espectros' experimentais obtidos por Motisuke [25,2].

A segunda contribuição para a intensidade de luminescên cia é o termo  $I_2(\omega)$  cuja forma está expressa nas equações 2.5.20-22b. Sua contribuição à intensidade de luminescência  $I(\omega)$  é muito menor do que a do termo  $I_1(\omega)$ , o que pode ser visto facilmente nas figuras 4.2 e 4.3, que contém os gráficos de  $I(\omega)$ =  $= I_1(\omega) + I_2(\omega), I_1(\omega)$  e  $I_2(\omega)$  para o CdS e GaAs. para a ob tenção da Fig. 4.2. fez-se uso dos parâmetros obtidos neste trab<u>a</u> lho no modo descrito no parágrafo anterior; na obtenção da Fig. 4.3. fez-se uso dos valores obtidos em [ 39 ] para os potenciais' químicos, densidade de portadores e energia de gap renormalizada, tendo  $\mathbf{T}$  sido aqui estimado em 12.5 meV. 0 fato de  $|I_1(w)/I_2(w)| \gg 1$  quase justifica piend mente a utilização do Teorema do Desacoplamento Assintótico (10) a não ser pelo fato do termo  $I_2(w)$  ser o responsável por uma estrutura luminescente no lado de mais alta energia do espectro do luminescência, que está situada além do potencial químico  $\mu$ =  $= \mathcal{E}_g + \mu_e + \mu_n!$  Indicação de evidências experimentais da existência desta estrutura parecem estar presentes nas figuras 4.4-5.

É interessante notar que a estrutura observada na Fig. ' 4.2. não é observada através de espectros de ganho-absorção; isto se deve ao fato de sua presença ser totalmente encoberta pela variação abrupta do coeficiente de absorção na vizinhança da transi ção da região de ganho para a de absorção. Isto pode ser notado ' na Fig. 4.11a., que foi obtida da expressão 2.5.23 e cujos valo res dos parâmetros  $T_{ef}$ , T, n e  $\mathcal{E}_g$  (idênticos àqueles utilizados' nas Fig. 4.2.) são obtidos através de ajuste com um dos resulta dos experimentais de Motisuke [25] presentes na Fig. 4.6.

Como ultima aplicação, o resultado de uma série de ajus tes dos resultados experimentais de Motisuke para o coeficiente ' de absorção do CdS em diversos níveis de excitação é apresentado! nas Figs. 4.7-13. Uma dependência linear da temperatura efetiva dos portadores fotoexcitados com a concentração dos mesmos é mostrada na Fig. 4.14; ela indica a existência de um EMP nestes ni veis de excitação e não um EKL (como afirmado por Motisuke [ 25 ] com base em uma variação do índice de refração). No entanto, para um melhor esclarecimento dos limites de existência do EHL e EEP do ponto de vista experimental, faz-se necessário a obtenção de densidades de portadores ainda mais homogêneas e um controle do processo de difusão dos mesmos. Do ponto de vista teórico, talvez somente o desenvolvimento de um modelo capaz de conter uma transi ção de fase EHL 🛩 EHP (e que descreva ainda o sistema altamente' excitado tanto no regime da existência de excitons como no regime de plasma) possa trazer a resposta final a esta questão.

Em conclusão, pode-se dizer que ficou aqui demonstrado' que além de uma renormalização no gap de energia, a interação cou lombiana é responsável por uma estrutura luminescente no lado de

mais alta energia do espectro de luminescência do EEP, mas que não se manifesta no espectro de ganho-absorção.

Finalmente, a utilização do modelo desenvolvido neste trabalho em ajustes dos resultados experimentais de Motisuke p<u>a</u> ra a absorção indica a existência de um EKP no CdS em intensid<u>a</u> des de excitação entre 2.26 e 13.2 MW/cm<sup>2</sup> ou superiores às mesmas.









-

\*







Fig. 4.4. Evolução dos Espectros de Luminescência em âmostras de CdS como função das densidades de excitações indicadas. A temperatura do banho foi de T  $-2^{\circ}$ K e a energia do fóton excitador foi de T  $\omega$  = = 2.594 eV (de Motisuke [25]).



Fig. 4.5. Evolução dos Espectros de Fotoluminescência em amostras de CdS como função das densidades de excitações indicadas. A temperatura foi de T =  $2^{\circ}$ K e a energia do fóton excitador foi de fi  $\omega$  = 2.554 eV (de Motisuke [25]).



Fig. 4.6. Espectros de ganho-absorção para diferentes densidades de excitações. Os pontos de transição ganho-absorção em cada espectro estão indicados por uma seta. Note-se o aparecimento de uma longa ' cauda nos espectros que se estende para energias menores, principal mente nas mais altas excitações (de Motisuke [25]).

43

-





Fig. 4.8. Ajuste do coeficiente de absorção do CdS para  $I_{exc} = 2.26 \times 10^6 \text{W/cm}^2$  com valores teóricos obtidos da equação 2.5.23 com I( $\omega$ .) =  $I_1(\omega) + I_2(\omega)$ . (.) valôres teóricos; (x) valôres experimentais.









equação 2.5.23 com  $I(\boldsymbol{\omega}) = I_1(\boldsymbol{\omega})$ . (.) valores teóricos ; (x) valores experimentais.





teóricos; (x) valores experimentais.



Fig. 4.14. Relação densidade-temperatura para o CdS utilizando-se os resúltados dos ajustes do coeficiente de absorção ' das Figs. 4.7-13

## APÊNDICE A [41]

O preenchimento das bandas de energia supostas parabólicas obedece à função distribuição de Fermi-Dirac

$$f_{e,h}(\vec{k}) = \frac{1}{1 + \exp\{\beta \cdot [E_{e,h}(\vec{k}) - \mu_{e,h}]\}}$$
B.1

onde µ<sub>e,h</sub> são determinados impondo que o nº de estados ocupados ' seja igual ao nº total de e-elétrons (h-buracos) presentes, I.E.,

$$n_{e,h} = \int_{-\infty}^{\infty} f_{e,h}(E) g_{e,h}(E) dE$$
B.2

Adotando  $g_{e,h}(E) = 4 n'(2 m_{e,h}/h^2)^{3/2} \cdot (E - \varepsilon_g)^{1/2}$  e passando a uma notação adimensional fazendo  $\varepsilon = \beta (E - \varepsilon_g)$  e  $\eta_{e,h} = \beta (\mu_{e,h} - \varepsilon_g)$  obtém-se

$$n_{e,h} = N_{e,h} \cdot \mathcal{F}_{1/2}(n_{e,h}) \qquad B.3$$

· onde

$$N_{e_{i}h} = 2 \cdot \left[\frac{2\pi m_{e_{i}h}}{\beta h^{2}}\right]^{3/2}$$
 B.4.a.,

# APÊNDICE B [ 23 ]

De imediato tem-se

$$T = \langle \vec{k} \mathbf{x} | \sum_{\vec{q}'} V(\vec{q}_{i}, t) exp(-i\vec{q}_{i}, \vec{r}) | \vec{k} + \vec{q}_{i} \mathbf{x} \rangle$$

$$= \sum_{\vec{q}'} V(\vec{q}_{i}, t) - \underline{n}^{-1} \int exp[i(\vec{q} - \vec{q}_{i}), \vec{r}] \mathcal{M}_{\vec{k}q}^{*}(\vec{r}) \mathcal{M}_{\vec{k}t\vec{q}_{i}q_{i}}(\vec{r}) d^{3}\vec{r}$$

$$C.1$$

Devido à periodicidade de  $\mu$ , a integral em C.l pode ser expressa como uma soma de integrais sobrencélulas unitárias. Seja  $\mathbf{\hat{r}}_n$  a origem destas células e  $\mathbf{\hat{r}}$  um vetor com origem na ex tremidade de  $\mathbf{\hat{r}}_n$ , e que determina pontos na célula; segue-se que

$$T = \sum_{\vec{q}',n} V(\vec{q}',t) \exp[i(\vec{q}-\vec{q}').\vec{r}_n] \cdot \vec{L}^{-1} \cdot \int_{cet} \mathcal{U}_{\vec{k}e}^* \mathcal{U}_{\vec{k}+\vec{q}',s'} \exp[i(\vec{q}-\vec{q}').\vec{r}_l] d^3\vec{r}'$$

$$Como \qquad \sum_n \exp[i(\vec{q}-\vec{q}').\vec{r}_n] = \delta_{\vec{q}'\vec{q}'} N_c \quad , \text{ onde } N_c \quad é \quad o$$

$$n^{\varrho} \text{ de células unitárias no cristal, tem-se finalmente}$$

$$T = V(\bar{q}, t) \cdot v_{a}^{-1} \int_{cel} u_{\bar{k}a}^{*}(\bar{r}) u_{\bar{k}+\bar{q},a}(\bar{r}) d^{3}\bar{r}$$

com  $v_{a} = \Omega / N_{c}$ 

#### BIBLIOGRAFIA

- 1. E. Hanamura and H. Haug Physics Reports 33, nº 4 (1977) 209-284
- 2. R. Lu'zzi and L.C. Miranda Physics Reports 43, nº 11 (1978) 423-453
- 3. C. Klingshirn and H. Haug Physics Reports 70, nº 5 (1981) 315-398
- 4. G. Beni and T.M.Rice Phys. Review B18, nº 2 (1978) 768-785
- 5. M.V. Lebedev and V.G.Lysenko Sov. Phys. Solid State 25(4), April 1983
- V.G. Lysenko, V.I. Revenko, T.G. Tratas and V.B. Timofeev Sov. Phys. JETP 41, nº 1 (1975) 163-168
- 7. A. Forchel, H. Schweizer, H. Nather, K. M.Romanek, J.Fischer and G. Mahler.
  Proc. Int. Conf. Phys. Semic. 1982, Physica B+C 117/118 (1983) 336-338.
- 8. H. Yoshida and S. Shionoya
  Phys. Stat. Sol. (b) 115, 203 (1983) 203-208.
- 9. O. Hildebrand, E. O.Goebel, K.M. Romanek and H. Weber Phys. Rev. B17, nº 12 (1978) 4775-4787.
- 10. G. Mahler, G. Maier, B. Laurich, H. Sanwald and W. Schmid Phys. Rev. Lett. 47 (1981) 1855-1858.
- 11. Antonio J. C. Sampaio' and R. Luzzi
  J. Phys. Chem. Solids 44, nº 6 (1983) 479-488.

- 12. J. Collet, T. Amand and M. Pugnet Phys. Lett. 96A, nº 7 (1983) 368-374.
- 13. L.J. Schowalter, F.M. Steranka, M.B. Salamon and J.P.Wolfe Solid State Comm. 44, nº 6 (1982) 795-799.

- 14. E.A.Meneses and R. Luzzi Solid State Comm. 12, nº 6 (1973) 447-450.
- 15. Eliermes A. Meneses PhD Thesis (1973-unpublished)
- 16. V.L. Bonch Bruevich Proc. Int. Sch. Phys. "Enrico Fermi", Rend. SIF 34,Ed. J. Tauc (Academic Press, New York, 1969).
- 17. J.G. Ramos and R. Luzzi Solid State Comm. 14, nº 12 (1974) 1275-1278.
- D.N. Zubarev
   Sov. Phys. Uspekhi 3, nº 3 (1960) 320-345.
- 19. S.V. Tyablikov Methods in the Quantum Theory of Magnetism, Plenum Press, New York (1967).
- 20. S.V. Tyablikov and V.L. Bonch-Bruevich Adv. in Phys. 11 (1962) 317-348.
- 21. H. Ehrenreich and M.H. Cohen Phys. Rev. 115, nº 4 (1959) 786-790.
- 22. H.R. Philipp and H. Ehrenreich Phys. Rev. 129, nº 4 (1963) 1550-1560.

- 23. Optical Properties of Solids Frederick Wooten Academic Press, 1972.
- 24. Ultraviolet Optical Properties H.R. Philipp and H. Ehrenreich Semiconductors and Semimetals 3, Academic Press, INC. (1967).
- 25. Paulo Motisuke PhD Thesis (1977-unpublished).
- 26. P. Motisuke, C.A.Arguello and R.C.C.Leite Solid State Comm. 16, 763 (1975).
- 27. A. Cornet, T. Amand, M. Pugnet and M. Brousseau Solid State Comm. 43, nº 2 (1982) 147-151.
- 28. L.V. Keldysh Proc. 9th Intern. Conf. Phys. Semiconductors (Moscow, 1968) 1303.
- 29. Philoppe Nozières Proc. Intern. Phys. Semiconductors 1982, Physica B+C 117/ 118 (1983) 16-22.
- 30. R. Zimmermann and M. Rösler Phys. Stat. Sol. (b) 75, 633-645.
- 31. W.F. Brinkmann and T.M.Rice Phys. Rev. B7 (1973) 1508
- 32. L. Van Hove Phys. Rev. 95, 249 (1954)
- 33. Condensed Matter Physics-Dynamic Correlations S.W. Lovesey, The Benjamin/Cummings Publishing Company (1980).
- 34. Antonio José C. Sampaio PhD Thesis (1983-unpublished).

- ^5. Gordon Lasher and Frank Stern Phys. Rev. 133A, nº 2 (1964) 553-563.
- 36. Photoluminescence I: Theory H. Barry Bebb and E.W. Williams Semiconductors and Semimetals 8, Academic Press, INC. (1972).
- 37. Optical Absorption and Dispersion in Solids J.N. Hodgson, Chapman and Hall Ltd (1970).
- 38. A.C. Sharma and S. Auluck Phys. Lett. 96A, nº 5 (1983) 255-258.
- 39. O. Hildebrand, B.O. Faltermeier and M.H.Pilkuhn Solid State Comm. 19, nº 9 (1976) 841-844.
- 4**Q.** Semiconductor StatisticsJ.S. BlakemorePergamon Press, N.Y. (1962).